

梯子型 LCR フィルタ 設計支援プログラムの作成

バタワース、トムソン、チェビシェフ、連立チェビシェフをサポート

西村 芳一

要求仕様のきびしい LCR フィルタを設計するとき、L、C、R の各定数を求めるためには、非常にめんどろな計算を数多くしなければならぬ。そこで、LCR フィルタ設計支援ソフトウェアを紹介する。バタワース、トムソン、チェビシェフ、連立チェビシェフの各タイプのフィルタの L、C、R 定数を算出する。また、各素子の定数を定めたフィルタの周波数特性を計算することもできる。ここでは、フィルタ設計時の注意点を述べながら、このソフトの使用方法を示す。プログラムはリギー Forth (FifthZ80) で書かれており、CP/M-80 上で動作する。ただし、筆者よりソースが公開されるので、Fifth86 でコンパイルすることにより MS-DOS 上でも動作可能であろう。(編集部)

はじめに

LC 梯子型フィルタ設計を行うためのプログラムを作成したので、ここに紹介する。バタワース、トムソン(ベッセル)、チェビシェフ、連立チェビシェフ(Cauer)の各タイプのフィルタの素子値を算出し、そのときの周波数特性を計算することができる。またその設計値を実際使用する素子値に変換した場合の周波数特性も調べることができる。

プログラムは Forth で書かれており、コンパイルされて、CP/M-80 の COM ファイルとして実行される (MS-DOS 上で駆動させることも可能である。稿末参照)。

1 開発の経緯

▶本を読んでも、どうやって計算するのやら

電子回路の設計者にとって、フィルタは身近な存在である。しかし、実際に設計するとすると、あの難解なフィルタの教科書を開かなければならぬ。一般的には、フィルタの本にたいいてい載っている基準フィル

タの表を使い素子変換を行って安直に算出することになる。

それでうまくいけばよいが、要求されている仕様がきびしいときなど、教科書にある表に出ていない所が必要になったりする。筆者の場合も、バタワースとトムソンの中間位の特性が欲しくて、こういう特性をもつ TBT (Transitional Butterworth Thomson) フィルタを理論式から計算することにした。

ところが、これを電卓片手に計算することは不可能に近い。そこで、手元にあるパソコンを用いて、フィルタを設計する汎用のソフトが市販されていないかどうか調べてみると、意外にこれが見つからない。アクティブ・フィルタのものならあるが、LC 受動(パッシブ)素子向けはどうもない。結局、自分でソフトを作ることになった。少し古い機種だが FM-7 があったので、まず F-BASIC で組んでみた。

本棚に埃をかぶっていたフィルタの本を、さっそく引き出してみた。一回読んでもよくわからない。これは腰を据えて勉強しないといけないと悟り、大きな書店へ行きフィルタ関係の本を捜して、読みあさることとなった。その中で比較的、具体的な例題を載せていた本¹⁾を中心として、その他 3 冊²⁾³⁾⁴⁾を参考にしながらようやくまとめあげた。それぞれの本は特徴があり、筆者にとってこれ一冊ですむというようなトラの巻はなかった。

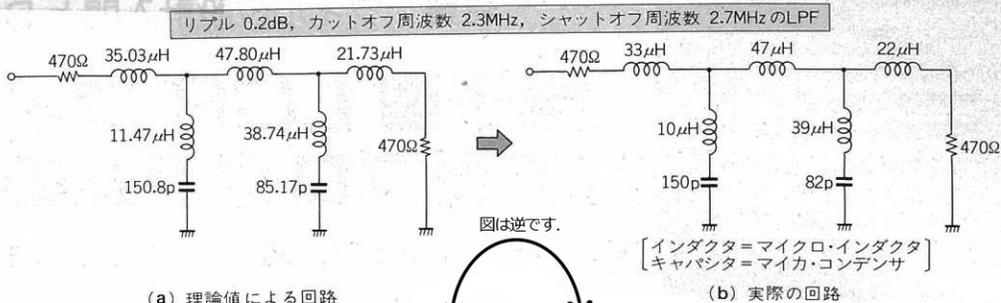
▶実際の回路定数は理論値とは違う

こうやって、いちおうフィルタの設計がある程度できるようになると、それがどんな特性をしているのかが知りたくなる。これもまた、手に電卓というわけにはいかない。さらに計算した素子値は図 1 のように 85 pF という具合で、実際に回路を実現する場合には、たぶん 82 pF を使う (column A 参照)。その場合の特性の変化も気になる (図 1)。

これに関しては、市販のソフト (たとえば HP 社の

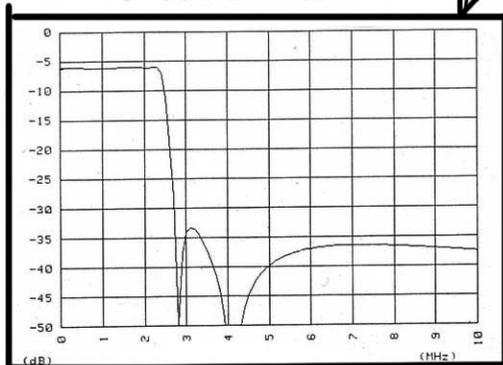
〔図1〕

理論値と実際の回路

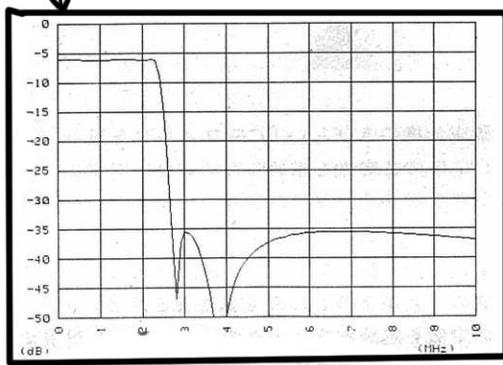


(a) 理論値による回路

(b) 実際の回路

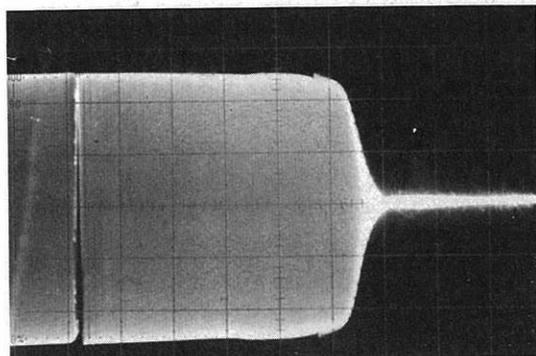


〈特性〉理論値



〈特性〉実際の回路定数

0.1V/div



(c) スイープ信号を入力したときの出力(横軸は周波数)

↑
2 MHz マーカ

column A

実際の LCR 数値系列

LCR の部品を購入する場合、一般には一定の数値系列のなかからその定数を選ばなければならない。数値系列は、E6 などのように、E にその数列の公比を示す数値を付けて表す。表 A.1 に示すように、E3、E6、E12、E24 の数値系列が、多く使われる。その数値 E_n の意味は、その数値系列の公比が、 $\sqrt[n]{10}$ であることからきている。

電解コンデンサは E3、コイル(インダクタ)やマイラ・コンデンサなどは E6、また抵抗やマイカ・コンデンサなどは E12 系列が使われていることが多い。

詳しくは、日本規格協会、『JIS ハンドブック電子』などを参照されたい。

〔表 A.1〕

LCR 定数の数値系列に関する表

E 数列	定 数																							
	1			2.2			3.3			4.7														
E 3 系																								
E 6 系	1	1.5	2.2	3.3	4.7	6.8																		
E 12 系	1	1.2	1.5	1.8	2.2	2.7	3.3	3.9	4.7	5.6	6.8	8.2												
E 24 系	1	1.1	1.2	1.3	1.5	1.6	1.8	2	2.2	2.4	2.7	3	3.3	3.6	3.9	4.3	4.7	5.1	5.6	6.2	6.8	7.5	8.2	9.1

ACアナリシスなど)もあるが、自分のフィルタ設計プログラムとのインターフェースが悪い。これを結局自分で作ることとなり、最終結果をグラフィックスで表示させた。

▶ F-BASIC から Forth へ

最初、筆者の FM-7 にはフロッピー・ディスクがなかったため、テープにプログラムをセーブしておいた。その後、ディスク・ドライブを買いさっそくディスクにセーブしようとする。Basic のユーザーズ領域が狭くなった関係上、ディスク Basic では走らなくなってしまった。コメントを削り、詰めに詰めた結果なんとか動くようになったが、新たにバグが発生し、もうどうしようもなくなってきた。

また、Basic のスピードの遅さにはとても我慢ができなくなり、F-BASIC のコンパイラを捜したが当時は実数形対応はなかった。たまたま本誌上で、リギー Forth の連載記事を見た。これは面白そうだとということで、勉強も兼ねて Forth で移植してみることにした。Forth を使ったおかげで、定義した複素数演算ワード(表 1)を使い式を簡明に表すことができた。

F-BASIC バージョンよりもさらに機能アップし(残念ながら、標準 CP/M にインターフェースする関係上、グラフィックスの機能は省いた)完成することができ

きた。

2 フィルタの種類とその特徴

▶ 振幅特性か波形特性か

フィルタというと周波数対振幅特性だけに目がいきがちになるが、それと同等に波形特性も重要である。二つの特性は相反する性格をもっており、両方とも完全に満足いく特性を得るには、急峻な遮断特性をもつフィルタと位相等価回路の組合せになってしまう。ここでは、位相等価回路を使わないである程度それらの妥協点を見つけるため、バタワース特性とトムソン特性の中間で設計できるようにした(詳細は後述の図 12 中の m を参照)。

図 2 にバタワースおよびトムソン・フィルタの特性と混合係数 M で表されるそれらの中間特性を示す。

▶ 分波フィルタと最少インダクタ・フィルタ

図 3 のような、一つの信号源から複数の周波数成分に分けるフィルタを、分波フィルタという。一般的に複数の低域通過、高域通過フィルタからなっており、たとえば並列分波フィルタで要求されるフィルタの特性として、入力インピーダンスが通過帯域以外では、ハイ・インピーダンスとならなければならない。図 4

〔表 1〕
複素数ライブラリ

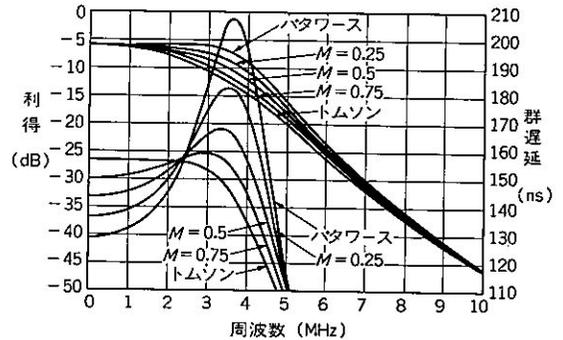
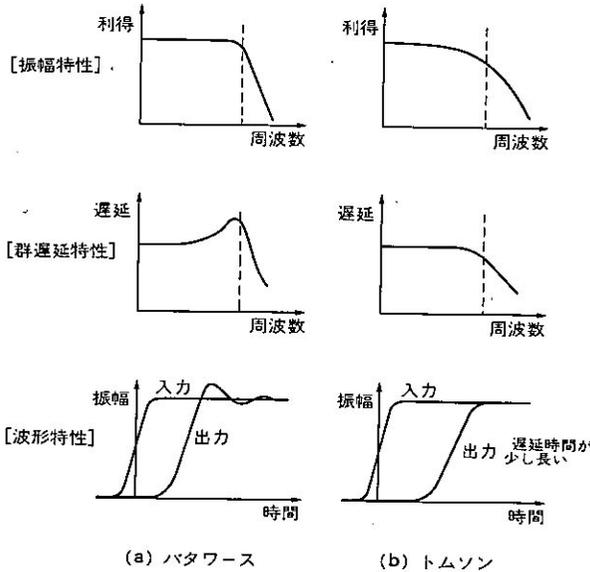
ワード名	機能	入出力パラメータ* [大文字=複素数:16バイト] [小文字=ワード:2バイト]
C-DUP	複素数の DUP	(C---C, C)
C-SWAP	複素数の SWAP	(C, D---D, C)
C-*	複素数の積	(C, D---C*D)
C-CONJ	共役複素数 ($a+jb \rightarrow a-jb$)	(C--- \bar{C})
C-/	複素数の商	(C, D---C/D)
C+	複素数の和	(C, D---C+D)
C-	複素数の差	(C, D---C-D)
C-ROT	複素数の ROT	(C, D, E---D, E, C)
C--ROT	複素数の -ROT	(C, D, E---E, C, D)
C-OVER	複素数の OVER	(C, D---C, D, C)
CINV	複素数の逆数	(C---1/C)
C-STO-A	複素数を汎用レジスタ A にストアする	(C---)
C-RCL-A	汎用レジスタ A から複素数をリコールする	(---C)
C-ABS	複素数の絶対値 ($a+jb \rightarrow \sqrt{a^2+b^2}$)	(C--- C)
ARRAYC!	先頭アドレス add の複素数の配列 n 番目にストア	(C, n, add---)
ARRAYC@	先頭アドレス add の複素数の配列 n 番目からフェッチ	(n, add---C)
R==>P	直交座標系を極座標系の複素数に変換 ($a+jb \rightarrow re^{j\theta}$)	(C---C')
P==>R	極座標系を直交座標系の複素数に変換 ($re^{j\theta} \rightarrow a+jb$)	(C---C')

注 入出力パラメータは、スタックの状態を示し、(入力スタック状態---出力スタック状態)となっている。なお、で区切られた右側がスタックのトップである。

に、入力インピーダンスで分類したフィルタの表を示す。それぞれの阻止域信号での入力側インピーダンスが High になるのがオープン・タイプで、Low(ショートされる)になるのがショート・タイプである。並列分波フィルタは、オープン・タイプでなければならない。このように、同じ段数で同じ特性をもつフィルタで

も2種類のタイプがある。一般的に、インピーダンス特性を気にしなくてもいい所は、なるべくインダクタ(コイル)の使用を避けたい所である。インダクタは、高いQのものが得にくく、キャパシタ(コンデンサ)ほどの品種の部品もない。また基板などに取り付ける場合、実装上の問題も多い。

〔図2〕 バタワース、トムソンの特性比較



(c) パラメータMによる振幅特性、遅延特性の変化 (TBTフィルタ) [カットオフ周波数=4MHz, n(段数)=5]

column B

振幅特性と波形特性

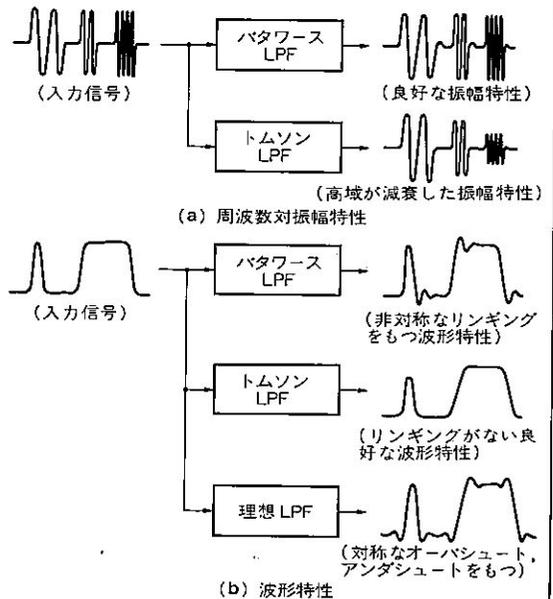
ある回路の特性を評価する指標として、周波数対振幅特性や、 SIN^2 インパルス・ステップなどの入力信号に対する出力波形特性などがよく用いられる。図B.1にそれぞれの、良好な特性を示す代表として、バタワース、トムソンの応答を示す。

デジタル・データ伝送などの、波形の振幅よりも時間軸でのエラーが重要な場合は、トムソン特性が向いている。また、音声処理では周波数対振幅特性の劣化のほうが目立つので、バタワースが好まれるであろう。

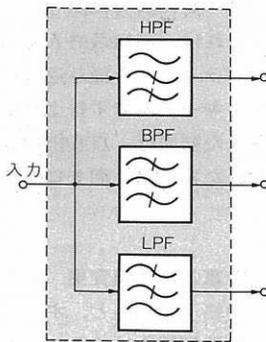
一般的に、振幅特性が急峻な遮断特性をもつほど波形特性は劣化する。すなわちチェビシェフ特性のフィルタは、あまりよくない波形特性を示す。

この相反する特性を同時に満足するためには、フィルタのあとに全域通過の位相補償フィルタを接続する。または最近のCDプレーヤに見られるように、直線位相のFIR デジタル・フィルタを用いなければならない。このような理想に近いフィルタの波形特性は、図B.1のように対称型のプリ・アンダシュート、オーバシュートを示す。

〔図B.1〕 振幅特性と波形特性



〔図3〕分波フィルタ



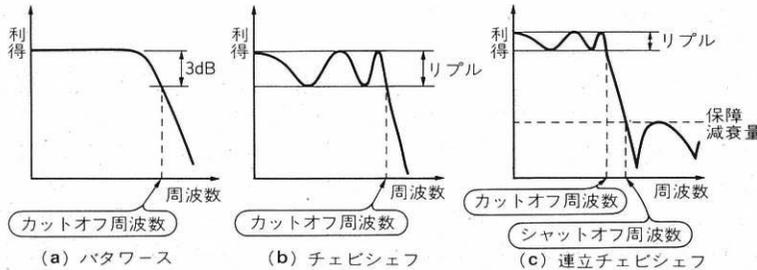
そこでこのプログラムでは、入力インピーダンス特性を2タイプの中から選べるようにした。このことは、高域通過フィルタについても、同様である(ただし、連立チェビシェフ・フィルタの高域通過フィルタでは、 L の数が多くなるショート・タイプは選べない)。

▶フィルタの各種パラメータ

このフィルタのプログラムを実行させるのに必要な各種入力パラメータを図5に示す。

バタワース/トムソン混合フィルタとしたため、トムソンおよびその中間型フィルタは、カットオフ(遮断)周波数の定義が不明確であるが、図2(c)を参考に設計してほしい(column C 参照)。

〔図5〕
各種フィルタの
パラメータ



〔図4〕入力インピーダンスによる分類(LPF)

	阻止域ショート(ローインピーダンス)・タイプ	阻止域オープン・タイプ
対称型フィルタ		
相反型フィルタ		

▶対称型と相反型フィルタ

フィルタは、段数 n が偶数と奇数とでは、大きく特性が異なる。奇数の場合、入出力インピーダンス特性が等しく梯子型に展開するうえで問題は少ない。一方偶数次で、とくにチェビシェフ特性のフィルタの場合

column C

カットオフ(遮断)周波数

フィルタは一般的に、信号が通過する通過域(パス・バンド)と信号を阻止する阻止域(ストップ・バンド)からなる。そこで、通過域から阻止域に移る領域で、どこまでを通過域と見るかという問題がある。

習慣上、「電力半値(-3dB)になる周波数」をカットオフ周波数と呼んでいる。通過域の端は、このカットオフ周波数までとして扱われる。

ところがフィルタを設計するうえで、かならずしもこの定義によるカットオフ周波数が使いやすとはいえない。そこで、このプログラムではフィルタの種類によってその定義を変えている。

バタワース・フィルタのカットオフ周波数はそのまま設計のパラメータとして使えるので、図5のように電力

半値周波数として定義している。

一方チェビシェフ・フィルタは通過域のリプルの範囲を越えて、阻止域に移るところの周波数をカットオフ周波数と定義した。これを ω とし、本来の意味のカットオフ周波数を Ω とすると、それらにはつぎの関係がある。

$$\Omega = \omega \cdot \cosh(1/n) \cdot \cosh^{-1}(1/e)$$

ただし、 e はリプル、 n は段数

連立チェビシェフ・フィルタの場合、通過域のカットオフ周波数の定義は前のチェビシェフ・フィルタと同じである。さらに阻止域でもリプルをもつので、図5のように、阻止域のリプルの範囲を越えるところをシャットオフ周波数と定義した。

(図11) フィルタの定数変更例

```

Ground branch modification
C( 7 ) = 243.618 pF ==> 220
C / ヘルツ タイプ open ( Kohm ) ==>
Transfer branch modification
L( 6 ) = 39.345 mH ==> 33
L / オーム タイプ short ( Ohm ) ==> 0.5
Ground branch modification
C( 5 ) = 127.735 pF ==> 120
C / ヘルツ タイプ open ( Kohm ) ==>
Transfer branch modification
L( 4 ) = 27.900 mH ==> 27
L / オーム タイプ short ( Ohm ) ==>
Ground branch modification
C( 3 ) = 81.395 pF ==> 82
C / ヘルツ タイプ open ( Kohm ) ==>
Transfer branch modification
L( 2 ) = 13.221 mH ==> 10
L / オーム タイプ short ( Ohm ) ==>
Ground branch modification
C( 1 ) = 17.282 pF ==> 18
C / ヘルツ タイプ open ( Kohm ) ==>
    
```

つぎの関係式が成り立つ。

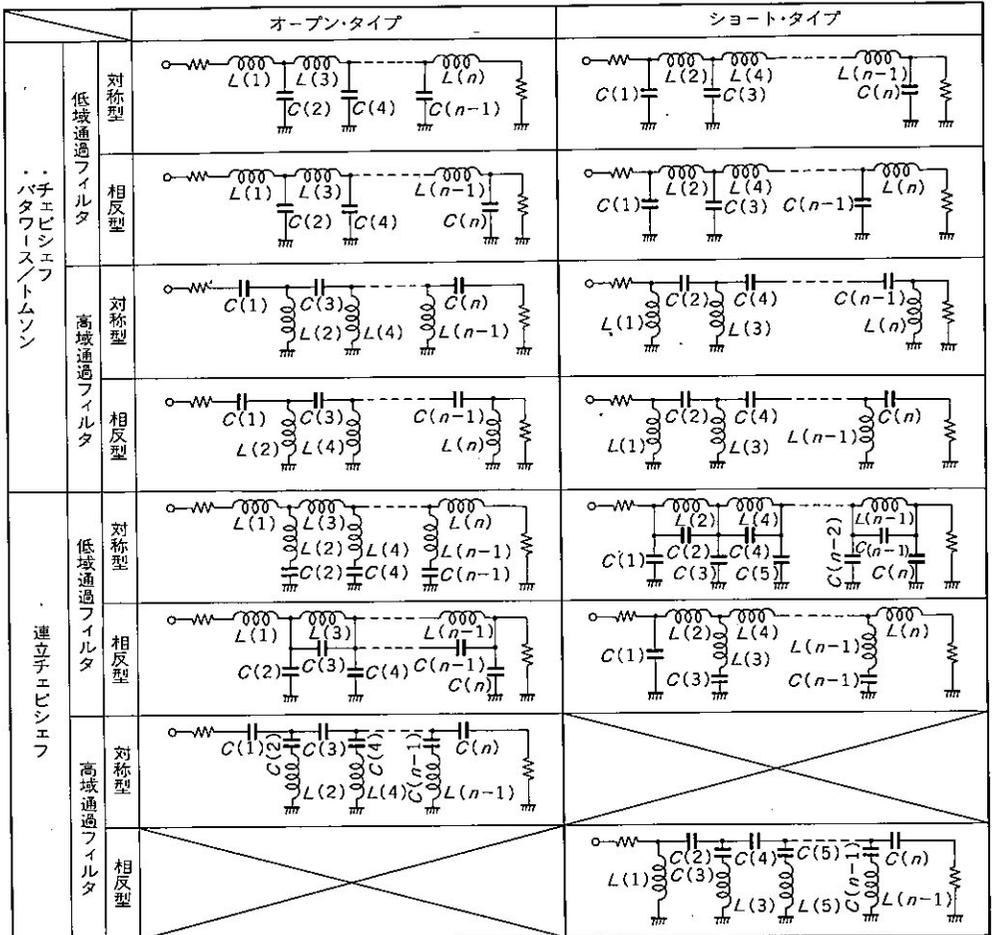
$$g(P) \cdot g(-P) = f(P) \cdot f(-P) + h(P) \cdot h(-P) \quad (1)$$

上記関係式より伝達関数、特性関数のいずれか一方が決まっていれば、因数分解により他方を求めることができる。(1)式は、両辺とも P に関して偶数次の項のみからなるため $S \triangleq P^2$ と置き換えることができる。したがって(1)式の両辺 = 0 の高次方程式を S に関して解くことができる。

実係数の方程式であるので、 S の根は実軸に関して対称な共役複素数となる。また $S=P^2$ であるから、 S の根から P の根を求めてそれを複素平面上に示すと、虚軸に関して対称の配置になる。そこで実数部が正か負かにより根を2グループに分けて、その根から再び二つの高次方程式を組み直す。これが、ここでいう因数分解を行ったことになる。

パワース/トムソン、チェビシェフ、連立チェビシェフ・フィルタのそれぞれにつき、設計の手順と計算

(図9) 表示された素子のインデクスと構成

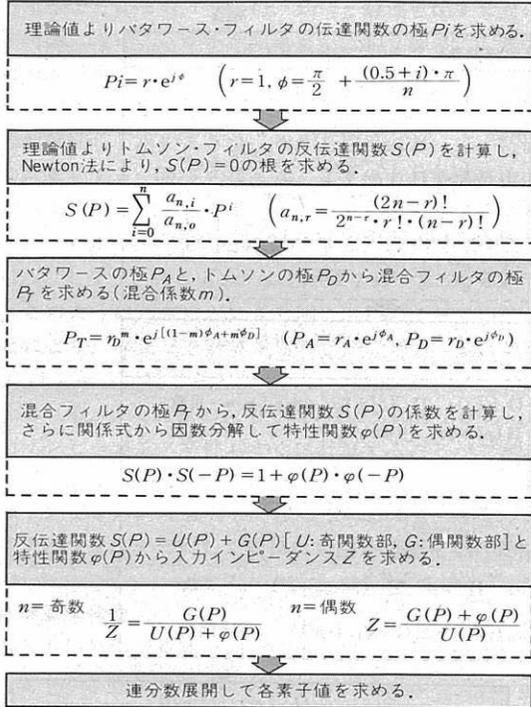


式を図12~14に示す。

▶リアクタンス関数から梯子型への展開

伝達関数と特性関数からリアクタンス関数が求まる
と、LC梯子型に展開する。(∞以外の)減衰極をもたな

〔図12〕 バタワース/トムソン混合フィルタの設計



いバタワース/トムソン、チェビシェフ・フィルタの場合は、普通に連分数展開すれば梯子型に展開できる。

減衰極をもつ連立チェビシェフの場合は、多少複雑である。入力インピーダンス特性を $Z(P)$ 、その減衰極を Ω_i とし、対称型フィルタの $Z(P)$ が、

$$Z(P) = L_1 P + Z_1(P)$$

で表せるとする。 $Z_1(j\Omega_1) = 0$ すなわち、 $Z_1(P)$ は、入力に Ω_1 を共振点にもつ直列LC共振回路とすると、

$$L_1 = \frac{Z(P)}{P} \Big|_{P^2 = -\Omega_1^2}$$

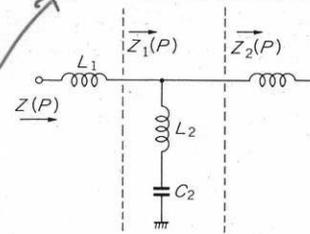
となり、 L_1 は簡単に上式で求められる。また、 $Z_1(P)$ は Ω_1 の直列共振回路(L_2, C_2)をもつと仮定したので、

$$\frac{P}{L_2} = \frac{P^2 + \Omega_1^2}{Z_1(P)} - \frac{P^2 + \Omega_1^2}{Z_2(P)}, \quad \Omega_1^2 = \frac{1}{L_2 \cdot C_2}$$

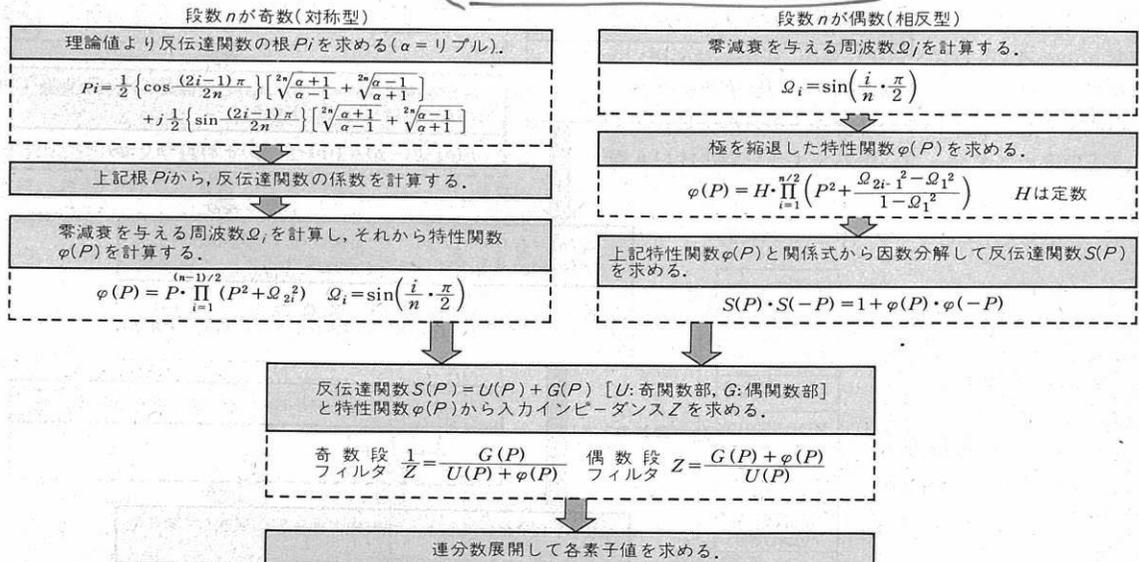
が成り立つ。 $Z_1(j\Omega_1) = 0$ であるから、 $Z_1(P) \triangleq (P^2 + \Omega_1^2) \cdot Z_3(P)$ と因数分解できる。一方 $Z_2(j\Omega_1) \neq 0$ であるから、つぎのように L_2 と C_2 が求まる。 L_2 が求まったので、 $Z_2(P)$ を

$$\frac{1}{L_2} = \frac{1}{P \cdot Z_3(P)} \Big|_{P^2 = -\Omega_1^2}, \quad C_2 = \frac{1}{\Omega_1^2 \cdot L_2}$$

〔図13〕 チェビシェフ・フィルタの設計

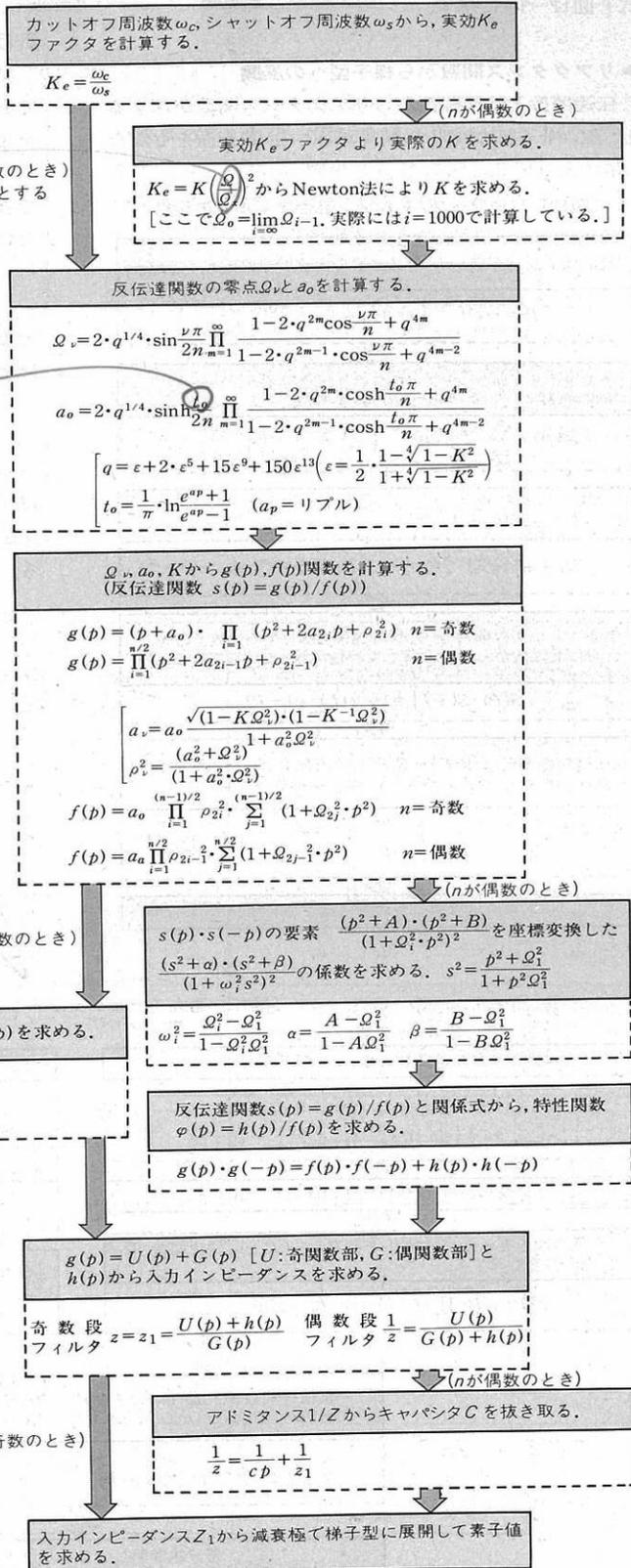


〔図15〕 連立チェビシェフ・フィルタの梯子型展開



〔図14〕
連立チェビシェフ・フィルタの
設計

$\frac{\Omega_{m-1}}{\Omega_0}$
to π



計算することができる。これを他の減衰極につき繰り返すことにより、梯子型に展開できる(図15参照)。

5 フィルタの周波数特性の計算法

▶ 出力を先に決める

フィルタの特性計算を代数式で解こうとするとたいへんなことになる。さらに、式に一般性を出すことは不可能に近い。しかし数値計算だと割り切ってしまうと先が見えてくる。

フィルタの各素子は、入力インピーダンス特性を連分数展開して求めてきた。それを逆しよとして、特性の計算をする。図16のように、まず出力の負荷抵抗の両端が1Vになる入力条件になっていたとする。するとただちに $I_5 = 1/Z_5$ と計算できる。続いて $I_4 = I_5 + (1/R)$ となり、 I_4 と Z_4 から $V_4 = Z_4 \cdot I_4 + 1$ となる。

このようにつきつぎに入力側にさかのぼっていくことにより、 V_i と I_i を計算することができる。伝達関数 T は $T = V_o/V_i$ であるから、この場合 $T = 1/V_i$ で求められる。また計算の途中で得られた V_i と I_i から、入力インピーダンス特性もすぐに計算することができる。

計算はすべて複素数で行っており、また各ノード間はインピーダンス Z_i として扱っているの、種々のタイプのフィルタに対して簡単に対応が可能となった。

▶ 群遅延特性

入力信号の周波数が ω のとき、出力信号の位相が θ とすると、群遅延は $d\theta/d\omega$ (秒) である。ここでは、 ω を1%変化させたときの特性を計算し、差分をとって群遅延としている。

6 プログラムの説明

▶ プログラムの構成

プログラム(稿末に一部を示す)は、リギーForth(FifthZ80)の上で動作する。このForthには幸いなことに、浮動小数点演算ワードが付属している。演算は倍精度が選べるようになっており、高次方程式を解くため、倍精度を用いる。これにともない、スタックを

多量に消費するので256バイトの領域を確保した。

プログラムは、約30Kバイトの大きさ(オブジェクト・サイズ)である。図17に示すように、9000Hからデータ領域が取られている。FLOAT(浮動小数点演算ライブラリ)の上に、6種類のライブラリが作られている(図17参照)。

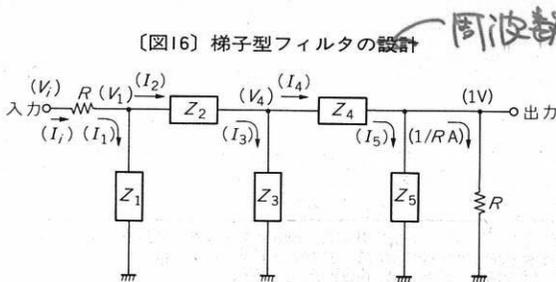
▶ 各ライブラリの説明

COMPLEXは、複素数演算ワードをまとめたユーティリティである。各ワードの説明は、表1に示した。

DAISU(代数)は、高次方程式の解、因数分解など代数演算をまとめたユーティリティである。ソース・リストにはすべて、入出力のスタック状態が書かれてある。(a, B---x)のような記述の場合、---の左側が入力スタック状態、右側が出力である。また“,”で区切られたパラメータは、右側がスタックのトップ方向で、小文字で書かれたものはワード長、大文字のパラメータは、浮動小数点のデータである。なおDAISUのメイン・ワードを表2に示す。

THOMSONは、パタワース/トムソン・フィルタを設計するライブラリである。表3にそのメイン・ワードを説明している。もっとも処理時間のかかる処理は高次方程式をニュートン法で解くことである。因数分解とトムソン・フィルタの極を求めるときこれを行うが、パタワース・フィルタのみのときは、それらは必要ないので処理時間は早くなる。トムソン・フィルタの極は正規化を行い、複素平面上で単位円付近に平均的にばらまく。そうすることにより、パタワース・フィルタとの混合フィルタが構成できる。

TFILTERは、連立チェビシェフ・フィルタを設計するライブラリである。相反型と対称型フィルタでは処理時間が異なる。対称型は、たんに計算すればよいが、相反型は縮退、因数分解などにより、Newton法を多用するのでたいへん時間がかかる。したがってプログラムは、相反型と対称型とは異なる処理が多い。表4におもなワードを説明した。パラメータが多くて



〔図17〕メモリ・マップとライブラリ



スタックが重くなる所は、内部に配列を取っている。しかし種々のワードで同じ配列を使っているときがあるのでプログラム変更の際は注意が必要である。

TBFILTER は、チェビシェフ・フィルタを設計するライブラリである。これも相反型のほうが処理時間がかかる。プログラムは、バタワース/トムソン・フィルタの設計と同様の処理が多いので、THOMSON ライブラリの多くのワードを使っている。それにより、短いステップ数ですんだ。表 5 に、おもなワードをまとめた。

最後に FILTER は、前に説明した処理ワードとユーザ・インターフェースするユーティリティである。また、周波数分析や設計した素子値の変更を行うワー

ドも含んでいる。メイン・ワードは filter-design で、COM ファイル実行時、まずこのワードにジャンプする。表 6 におもなワードを掲げる。ワード名に prompt とあるワードは、すべてキーボードからパラメータを取り込む機能をもつ。また print とあるワードはすべて CRT 上に結果を表示する機能をもつ。

▶移植性

アセンブラで組んであるワードは、rpick と frpick の二つしかないので、他の CPU に移植するのは、簡単だと思う。機会があれば、8087 付きのマイコンで移植したいものだ。ただし、リギー Forth は、標準 Forth と異なる所も多いので、標準 Forth を用いて移植する

〔表 2〕
“DAISU”のワード

ワード名	機能説明	入出力パラメータ (スタック)
インスウ_ブンカイ	P^{2n} のみの項からなる高次多項式を因数分解する。 $S(P) \cdot S(-P) \rightarrow S(P)$	(係数のアドレス, 段数, R_{in}/R_{out}) ---- 分解後の係数アドレス, 段数)
H2-1_ノ_ケイサン	反伝達関数 $S(P)$ などから $S(P) \cdot S(-P)$ の係数を求める。	(係数のアドレス, ダミー, 段数) ---- 係数のアドレス, ダミー, 段数, R_{in}/R_{out})
タコウシキ_テンカイ	方程式の根から、その根をもつような高次多項式の係数を求める。	(根のアドレス, 段数, flag(t=正規化)) ---- 係数アドレス, 根アドレス, 段数)
ダイスウ_ノ_コン	高次方程式の根を Newton 法により求める。	(係数のアドレス, 段数) ---- 係数アドレス, 根アドレス, 段数)

注 1 (入スタック状態 --- 出スタック状態)
注 2 R_{in}/R_{out} : 入力インピーダンスの比。ここでは 1 とする。
注 3 係数のアドレス: 係数のデータを格納した配列のアドレス
注 4 段数: フィルタの段数

〔表 3〕
“THOMSON”のワード

ワード名	機能説明	入出力パラメータ (スタック)
thomson-filter	あたえられたパラメータからバタワース/トムソン・フィルタの素子値を計算する。	(n , 結合係数, Z_{in} , F_c , $type$) ---- 素子のアドレス, $type$, n)
get-real-component-of-filter	基準フィルタの係数から、ハイパス/ローパス等々の実際のパラメータに合うように素子変換を行う。	(素子のアドレス, Z_{in} , F_c , $type$) ---- 素子のアドレス, n)
get-filter-component	入力インピーダンス関数から、連分数展開して基準フィルタの係数を求める。	(奇関数のアドレス, 偶関数アドレス, n) ---- 素子のアドレス, n)
impedance-function	反伝達関数および特性関数から入力インピーダンス関数を求める。	(反伝達関数, 特性関数, n) ---- 奇関数, 偶関数, n)
mfdmfa-filter	フィルタの段数, 結合係数 M から反伝達関数および特性関数を計算する。(バタワース/トムソン・フィルタ)	(n , 結合係数) ---- 反伝達関数, 特性関数, n)
トクセイ_ホウテイシキ_ヲ_モトメル	反伝達関数から関係式により因数分解して特性関数を求める。	(反伝達関数, n) ---- 反伝達関数, 特性関数, n)
hyblid-filter	バタワース, トムソン各フィルタの極を結合係数 M で結んで、混合フィルタの極を作る。	(MFA の極, MFD , n , 結合係数) ---- 混合フィルタ, n)

注 n = フィルタの段数, Z_{in} = 入力インピーダンス, F_c = カットオフ周波数, $type$ = フィルタの種類を示すパラメータ
 MFA の極 = バタワース・フィルタの極の複素平面での角度, MFD = トムソン・フィルタの極のアドレス
反伝達関数 = 反伝達関数の係数のアドレス, 特性関数 = 特性関数の係数のアドレス

〔表4〕
“TFILTER”のワード

ワード名	機能説明	入出力パラメータ (スタック)
real-チェビシェフ	入力パラメータから、実際の連立チェビシェフ・フィルタの素子値を計算する。	(リプル, n , Z_{in} , F_c , F_s , $type$ ---- 素子のアドレス, $type$, n)
チェビシェフ	リプル, K ファクタ, 段数から基準連立チェビシェフ・フィルタの素子値をスタック上に求める。	(リプル, n , K ---- 素子値1, , , , 素子値 i , ,)
トクセイカンスウ_ヲ_モトメル	リプル, K ファクタ, 段数から連立チェビシェフ・フィルタの伝達関数および特性関数を求める。(対称形フィルタ)	(リプル, n , K ---- 特性関数, 伝達関数, n)
chara-function	相反型フィルタのときの連立チェビシェフ・フィルタの伝達関数および特性関数を求める。	(リプル, n , K ---- 特性関数, 伝達関数, n)
_get-k-from-ke	相反型フィルタのとき, 実効 K ファクタ (K_e)から, 縮退時の K ファクタをNewton法を使って求める。	(K_e , n ---- K)
t-imp-function	求められた伝達関数, 特性関数から, 入力インピーダンス関数を求める。	(特性関数, 伝達関数, n ---- 偶関数部, 奇関数部, n)
h-function	反伝達関数を求める際計算した極周波数から特性関数を求める。(対称型フィルタ)	(反伝達関数, n ---- 特性関数, 反伝達関数, n)
tfil-kaisu	計算したパラメータから連立チェビシェフ・フィルタの伝達関数の係数を求める。	(a_1 および ρ_1^2 , , a_i および ρ_i^2 , , n ---- 伝達関数, n)

※ a_i と ρ_i^2 については図12(c)参照のこと。

〔表5〕
“TBFILTER”のワード

ワード名	機能説明	入出力パラメータ (スタック)
tw-filter	入力パラメータから, チェビシェフ・フィルタの実際の素子値を得る。	(リプル, n , Z_{in} , F_c , $type$ ---- 素子のアドレス, $type$, n)
チェビシェフ_ワグナ	リプルとフィルタの段数から, 基準チェビシェフ低域通過フィルタの反伝達関数の係数を求める。	(リプル, n ---- 係数のアドレス, n)
_even-トクセイ_カンスウ	相反型フィルタの極を縮退したときの特性関数を求める。	(Q_e , , , Q_i , n ---- 係数のアドレス)
odd-トクセイ_カンスウ	対称型フィルタの極から特性関数を求める。	(Q_e , , , Q_i , n ---- 係数のアドレス)
_トクセイ_カンスウ_セイキカ	反伝達関数と関係式を満足するように, 特性関数を正規化する。	(反伝達関数, 特性関数, n ---- 反伝達関数, 特性関数, n)

〔表6〕
“FILTER”のワード

ワード名	機能説明	入出力パラメータ (スタック)
filter-design	このプログラムのメイン・ワード。ユーザからパラメータを得て, それぞれの処理を行う。	パラメータなし (----)
_f-responce-mode	設計またはそれを変更したフィルタの周波数特性を計算する。その結果を画面上に表示する。	パラメータなし (----)
modify-parameters	設計したフィルタの定数を, 会話形式で実際の素子値に変更してゆく。	パラメータなし (----)
thomson-design	会話形式でユーザから設計パラメータを得, バタワース/トムソン・フィルタを設計して, その結果を表示。	(n , 結合係数, Z{in} ----) 出力パラメータなし
チェビシェフ-design	会話形式でユーザから設計パラメータを得, チェビシェフ・フィルタを設計して, その結果を表示。	(リプル, n , Z{in} ----)
レンリツ-design	会話形式でユーザから設計パラメータを得, 連立チェビシェフ・フィルタを設計して, その結果を表示。	(リプル, n , Z{in} ----)
_response	設計されたフィルタの周波数特性を計算し, 群遅延, 振幅特性, 入力インピーダンスを計算する。	(---- Delay, [dB], Z_0 , Z_L) 入力パラメータとしての周波数が FREQ の中にストアされている。

[dB]: 振幅特性 Z_0, Z_L : 入力インピーダンス $Z_L e^{j2\theta}$

[リスト] 梯子型フィルタ設計支援プログラム(ソース・リストの一部)②

```

Y---- H2-1 ノ ケイシ ヌ -----
Y      Entry  Top --- n
Y           2nd --- x(0)
Y           3rd --- a(0)
Y
Y      Output Top --- Phai (Rin/Rout)
Y           2nd --- n
Y           3rd --- x(0)
Y           4th --- a(0)
Y-----
Y      Y=a(n)*x^n+...+a(1)*x+a(0)
Y      Y*Y-Phai ノ ケイシ ヌ x(i) ニ set
Y-----

```

```

:R H2-1 ノ ケイシ
  _intxn                               ¥ ( a(0),x(0),n --- a(0),x(0),n )
  >r i 1+
  do
    j
    do
      over i swap k over ¥ ( --- a(0),x(0),j,a(0),i,a(0) )
      arrayf@ f>r arrayf@
      r>f f*                               ¥ A(i)*B(j)
      i 2 mod 0<> ¥ ( --- a(0),x(0),A*B,int(J/2) )
      if
        fnegate
      then
        i k + 6 pick d>r ij arrayf@
        f+ r>d arrayf!
      loop
    loop
  loop
  i epsilon i 2* 1+
  do
    i over arrayf@ fabs EPS f@ f<
    if
      i over d>r fzero r>d arrayf!
    then
      loop
      r> over f@ f>r                               ¥ ( --- a(0),x(0),n )
      fzero 6 pick f! r>f ;

```

```

Y---- インタ ブンガイ -----
Y      Entry  Top --- Phai ( Rin/Rout )
Y           2nd --- n
Y           3rd --- a(0),[x(0)] coefficient
Y
Y      Output Top --- n
Y           2nd --- a(0) coefficient
Y-----
Y      a(0) ニ Y*Y - phi ノ ケイシ ガ' ハイテ 係
Y      コノ ケチ 2 3 ヲケルン ミミ トケルン シ インタ ブンガイ シ a(0) ニ ケイシ set
Y-----

```

```

:R インタ ブンガイ                               ¥ ( a(0),n --- a(0),n )
  _test-an=0
  ddup - 1 - 0=
  if
    _xn1-proc
    ¥ ( a(0),n,Xx --- a(0),n )
  else
    _set-an=1
    ¥ x^n ノ ケイシ ガ' 1 ニ 係 ヲケル 係
    ¥ ( --- a(0),n,Xx,X )
    6 pick 2 - 6 pick =
    if
      _xn2-proc
      ¥ X^n ト X [n-1] ガ' ケル ト 係
      ¥ ( a(0),n,Xx,X --- a(0),n )
    else
      _x^2==>x
      ¥ x^2==w ト ジテ ケイシ ヌ ヲ ケル 係
      ¥ ( a(0),n,Xx,X --- a(0),n,Xx,X )
      f>r d>r ij - 1 ¥ ( a(0),n,Xx,X --- a(0),n-Xx-1 )
      ガ' ケル ノ コソ
      ¥ ( a(0),n-Xx-1 --- a(0),x(0),n-Xx-1 )
      drop r>d r>f ¥ ( --- a(0),x(0),n,Xx,X )
      _x^2root=>xroot ¥ ( --- a(0),x(0),n,Xx,X )
      f>r d>r ij - 1 ¥ ( --- a(0),x(0),n,Xx-1 )
      l ¥ ( --- a(0),x(0),n-Xx-1,1 )
      ケル 係 ヲ ケル 係
      ¥ ( --- a(0),x(0),n-Xx-1 )
      drop swap r>d r>f ¥ ( --- x(0),a(0),n,Xx,X )
      _real-coefiq ¥ ( --- a(0),n )
    then ;

```

```

Y---- MFD-MFA filter ノ ケイシ ヌ -----
Y      Entry  Top --- M ( float ) ケル ガ' ケイシ
Y           2nd --- n
Y
Y      Output Top --- n
Y           2nd --- a(0) character function
Y           3rd --- b(0) inversed transfer function
Y-----

```

```

:R mfdmfa-filter
  f>r mfd-filter                               ¥ ( n --- a(0),n )
  d>r j mfa-filter                             ¥ ( a(0),n --- .....n )
  drop r>d r>f hybrid-filter                 ¥ ( ....,2*n --- a(0),n )
  トケル 係 ヲ ケル 係 ;

```

```

Y---- Input impedance parameter -----
Y      Entry  Top --- n
Y           2nd --- a(0) character function
Y           3rd --- b(0) inverse transfer function
Y
Y      Output Top --- n
Y           2nd --- a(0) character function
Y           3rd --- b(0) character function
Y-----

```

```

:R impedance-function
  >r i 1+
  do
    i over arrayf@                               ¥ ( --- b(0),a(0),A(i) )
    i 7 pick arrayf@                             ¥ ( --- b(0),a(0),A(i),B(i) )
    f+                                             ¥ ( --- b(0),a(0),A(i)+B(i) )
    i 2 mod 0=                                     ¥ ( --- b(0),a(0),X,even flag )
    if
      i 6 pick arrayf!
      fzero i 7 pick arrayf!
    else
      i 7 pick arrayf!
      fzero i 6 pick arrayf!
    then
      loop
    r> ;

```

```

Y---- Get real component of filter -----
Y      Entry  Top --- type 0=low-1=low-h 2=hihg-1 3=hihg-h
Y           2nd --- Cut off frequency ( Float )
Y           3rd --- input impedance ( Float )
Y           4th --- n
Y           5th --- array address of coefi
Y
Y      Output Top --- n
Y           2nd --- array address of filter component
Y-----

```

```

:R get-real-component-of-filter
  >r f 2 fpai f* f* sto-a                               ¥ ( --- a(0),n,Z )
  f>r ddup r>d rot r>d rot                             ¥ ( --- a(0),n,a(0),Z,n )
  dup 2 mod 0<> swap r>                               ¥ ( --- a(0),n,a(0),Z,odd,n,flag )
  select
    _thomson-low-limp
    _thomson-low-himp
    _thomson-high-limp
    _thomson-high-himp
  endselect
  execute
  5 ndrop ;

```

```

Y---- main program for thomson -----
Y      Entry  Top --- Flag ( true=lowpass, false=highpass )
Y           2nd --- Fc ( Cut off frequency )
Y           3rd --- Z ( input impedance )
Y           4th --- M ( float )
Y           5th --- n ( filter ケル ガ' )
Y
Y      Output Top --- n
Y           2nd --- f
Y           3rd --- a(0)
Y-----

```

```

:R thomson-filter
  >r f>r f>r mfdmfa-filter                               ¥ ( --- b(0),a(0),n )
  impedance-function                               ¥ ( --- b(0),a(0),n )
  get-filter-component                             ¥ ( --- b(0),n )
  r>f r>f i get-real-component-of-filter r> swap ;

```

```

Y---- normalized component for cauer filter -----
Y      Entry  Top --- K ( float )
Y           2nd --- n ( ケル ガ' )
Y           3rd --- Alpha ( float )
Y
Y      Output Top --- ..... ( component of filter )
Y-----

```

```

:R fit' シ
  5 pick 2 /mod drop                               ¥ ( --- A1,n,K,odd-flag )
  if
    トケル 係 ヲ ケル 係                             ¥ ( --- h(0),a(0),n )
  else
    5 pick _get-k-from-ke ¥ ( --- A1,n,Ke )
    chara-function ¥ ( --- h(0),a(0),n )
  then
    t-impe-function ¥ ( --- x(0),y(0),n )
    even-first ¥ ( --- x(0),y(0),n )
    dup 1 - 2 / >r ¥ ( --- x(0),y(0),n ) [j]
    do
      ¥ ( --- x(0),y(0) )
      ldo
        ¥ If do start from 0 then set 1
        d>r k 5 rpick r>d ¥ ( --- i,j,x(0),y(0) )
        get-filter-comp ¥ ( --- Comp,x(0),y(0) )
        d>r k 4 rpick r>d ¥ ( --- Comp,i,n,x(0),y(0) )
        l-node ¥ ( --- Comp,i,n,x(0),y(0) )
        l+i
        f>r l+i fi d>r drop 9 rpick r>d ¥ ( --- Comp,i+1,j,x(0),y(0) )

```



```

: _runnig      crlf crlf s'>>> ｸｸﾞｲ ｸｲｸﾞｲｸﾞｲ- ' sprint ;

:R _thomson-design
  _prompt-cutoff          ¥ ( --- n,M,Impe,Cut )
  _prompt-highlow        ¥ ( --- n,M,Impe,Cutoff,flag )
  2* _prompt-imp-type +   ¥ ( --- n,M,Impe,Cutoff,type )
  _runnig
  print-thomson ;

:R _fit'ｼﾞ7-design
  _prompt-cutoff          ¥ ( --- Ripple,n,Impe,Cutoff )
  _prompt-highlow        ¥ ( --- Ripple,n,Impe,Cutoff,flag )
  2* _prompt-imp-type +   ¥ ( --- n,M,Impe,Cutoff,type )
  _runnig
  print-tw ;

:R _ﾌﾝｸﾞｸﾞ-design
  _prompt-highlow >r
  _prompt-shutoff        ¥ ( --- Ripl,n,Impe,Shut )
  _prompt-cutoff c-dup f< r> ¥ ( --- Ripl,n,Impe,Shut,Cut,fl,flag )
  if
    if
      _runnig
      2 print-fit'ｼﾞ7
    else
      s'Error Shut < Cut !' sprint crlf
      8 ndrop _ﾌﾝｸﾞｸﾞ-design
    then
  else
    if
      s'Error Shut > Cut !' sprint crlf
      8 ndrop _ﾌﾝｸﾞｸﾞ-design
    else
      _prompt-imp-type
      _runnig
      print-fit'ｼﾞ7
    then
  then ;

¥----- Calculate respoce included group delay -----
¥ ( --- Delay,Gain,Phase,Impedance )
¥-----

:R _response          ¥ ( --- Delay,dB,Phase,0hm)
  _tra-omega sto-a    ¥ ( --- Pr,Ar,P,A )
  freq-response c-swap ¥ ( --- Pr,Ar,P,A,P' )
  rcl-a f 1.01 f* sto-a ¥ ( --- Pr,Ar,P'-P )
  freq-response l2 ndrop ¥ ( --- Pr )
  fswap f>r fswap f- ¥ ( --- Pr',f )
  rcl-a _tra-omega f- f/ c>r
  fpai f/ fdup fone f>
  if
    f 2 f-
  then
  f 180 f*
  r>c r>f >dB ;

¥----- Calculate frequency response of filter -----
¥ ( --- )
¥-----

:R _f-response-mode          ¥ ( --- )
  INTFLAG @ 0<<
  if
    s' Filter ノｼﾞョ-ｸﾞ ｸﾞ ﾏｲﾃｽ !!' sprint crlf crlf

```

本プログラムをPC-9801で動かす方法

本プログラムをPC-9801で実行させるにはつぎの方法がある。

- (1) Fifth86 を用いて再コンパイルする方法
リギー Fifth シリーズは、共通文法で統一されており、アセンブラの部分(rpick と frpick の2ワード)などを変更すれば8086での実行ファイルを作ることができると思う(コンソール出力のDOS インターフェース部も注意する必要がある)が、少しめんどうかもしれない。
- (2) PC-9801 上の Z80 カードを用いる方法
Z80 または HD64180 カードが数社から出ているので、それを用いて CP/M-80 の COM ファイルを実行させる。
- (3) Z80 シミュレーション・ソフトを用いる方法
CP/M-86 および MS-DOS 用に、これも数社から出ている。筆者の場合は、メガソフトの EM/3+ を用いて実行させている。

本ソフトを頒布します!!

ここで示した「梯子型フィルタ設計支援プログラム」と、つぎの記事で示す「トランジェント・アナライザ」の二つのソフトを1枚のディスケットに収めて頒布します。いずれも、ソース・リスト(FifthZ80)とオブジェクト・ファイルを含みます。頒布メディアはつぎのものに限らせていただきます。

- ① 標準 CP/M-80 8 インチ 1S
- ② FM-7, PC-8801 用 5 インチ 2D
- ③ SMC-777 用 3.5 インチ 1DD

▶ 申し込み方法
費用(ディスケット代を含む)4,000円を下記銀行口座にお振り込みください。なお振込み用紙の通信欄に必ず住所・氏名と希望のメディアをご記入ください。
口座番号：三菱銀行駒込支店 普通預金 No. 4694934
口座名：CQ出版(株) C&E出版部